



Colegio Tecnológico Pulmahue
Coordinación Académica

PLAN DE TRABAJO DE 2° MEDIO. MATEMATICA guía 3.

Estimados estudiantes junto con saludar, y esperando cuiden su salud en estos momentos que vive el país, envío estas guías, en la que se explica el contenido, ejercicios resueltos y propuestos. Esperando apoyar sus prácticas diarias. Se despide cordialmente.

Profesora Jenny Matos Reyes.
Profe de Matemática.

	LUNES	MARTES	MIERCOLES
2° MEDIO	Guía 3 30	Guía 3 31	Guía 3 fecha de entrega 01

Objetivo de Aprendizaje:

- Resolver Problemas que involucren operaciones con números racionales e irracionales.

Unidad 1: Números.

Para iniciar. En esta guía 3 identificaras y resolverás operaciones con números racionales e irracionales usando las páginas 20 y 25 de tu libro para el desarrollo.



Recordar Los números irracionales tienen infinitas cifras decimales sin período y no pueden escribirse como fracción. También sabes que las raíces cuadradas de números naturales pueden ser números racionales o irracionales.

Si a y b son números racionales entonces:

Clausura:

a + b y a · b son números racionales

Inverso aditivo y multiplicativo:

-a, -b son racionales

Si $a \neq 0$, $\frac{1}{a}$ es racional

Considera el siguiente ejemplo para resolver el ejercicio 2 de la página 20.

$$\frac{\sqrt{5} + \sqrt{7}}{11} = \frac{\sqrt{5}}{11} + \frac{\sqrt{7}}{11}$$

Supongamos que $\frac{\sqrt{5}}{11}$ es un número racional p.

$$\frac{\sqrt{5}}{11} = p \quad \text{entonces} \quad \sqrt{5} = 11.p$$

Entonces $\frac{\sqrt{5}}{11}$ es irracional.

Si p es racional entonces por propiedad de clausura $11p$ es racional.

Pero si es así, entonces $\sqrt{5}$ es racional.

De lo anterior se puede decir que un número irracional, al sumarle, restarle, multiplicarlo o dividirlo un número entero da un número irracional.



Ejercitar

2. Resuelve las operaciones y clasifica los números en racionales o irracionales.

a. $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{5}$

b. $(\sqrt{3})^{-2}$

c. $\frac{\sqrt{29} - \sqrt{16}}{\sqrt{9}}$

d. $1 + \sqrt{121}$

e. $(\sqrt{5} - 1)^2$

Luego con la calculadora verifica tus resultados de esa forma concluyes si es racional o irracional.

Para cerrar

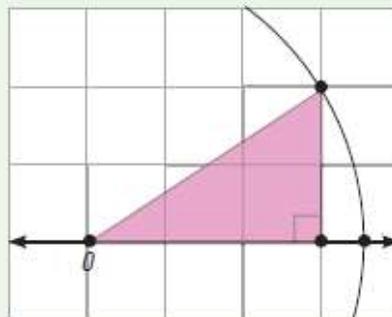
¿Qué aprendí hoy?

- 1 ¿Cómo se definen los números irracionales?
- 2 Presenta un contraejemplo para justificar la falsedad de cada afirmación.
 - a. Todos los números irracionales son raíces cuadradas no exactas.
 - b. Al sumar o restar números irracionales, el resultado es un número irracional

Lee el siguiente resumen, que está en la página 25 de tu libro y subraya y escribe las partes que no entiendas para que puedas preguntarme en cuanto puedas.

En resumen

- En el caso de las raíces cuadradas, dos o más raíces cuadradas se pueden ordenar observando su cantidad subradical. Así, si $a < b$, se cumple que $\sqrt{a} < \sqrt{b}$, con $a, b \in \mathbb{R}^+$.
- Para aproximar raíces cuadradas no exactas, se puede aplicar la acotación sucesiva. Primero, se ubica el número irracional entre dos números naturales sucesivos, usando la relación $a < b \Leftrightarrow a^2 < b^2$. Para mejorar la aproximación, se puede escoger algún número entre los ya encontrados, se compara su cuadrado con la cantidad subradical y se decide los valores que lo acotan. Este método nos permite aproximar el valor de una raíz con la precisión que consideremos pertinente.
- La cantidad de cifras decimales de una aproximación depende de la cantidad de cifras de los datos y también de la precisión requerida, según el contexto del problema.
- Los números irracionales escritos en forma decimal, como π o e , necesariamente se presentan aproximados, ya que es imposible escribir todas sus cifras decimales. Tal como con los números racionales, los irracionales se pueden truncar o redondear al valor posicional escogido; también dos o más números se pueden ordenar, observando las cifras decimales de izquierda a derecha.
- En la recta numérica, las raíces cuadradas no exactas pueden ubicarse usando regla y compás, y aplicando el teorema de Pitágoras.
 - 1º Dada una raíz cuadrada, se descompone la cantidad subradical en una suma de cuadrados perfectos.
 - 2º En una recta numérica, se construye un triángulo rectángulo con las medidas asociadas a dichos cuadrados perfectos, de modo que uno de los catetos esté en la recta numérica y uno de sus vértices en el 0 (no el del ángulo recto). Así, el otro cateto será perpendicular a la recta numérica.
 - 3º Con ayuda de un compás, se traza el arco de circunferencia con centro en el punto 0 y radio correspondiente a la hipotenusa hasta intersectar la recta numérica. En este punto de intersección se ubica la raíz cuadrada.



- ✓ Referencias de www.curriculumnacional.cl Aprendo en línea. Úselo para las 2 guías.
- ✓ Ante cualquier duda o consulta comunicarse a través del correo:
pulmahue.matematica.jbm@gmail.com